



東邦大学

いのち  
生命の科学で未来をつなぐ

## 2進数・N進数の原理



2進数って 〇〇〇〇〇

# 2進数って オサレ



ではなくて

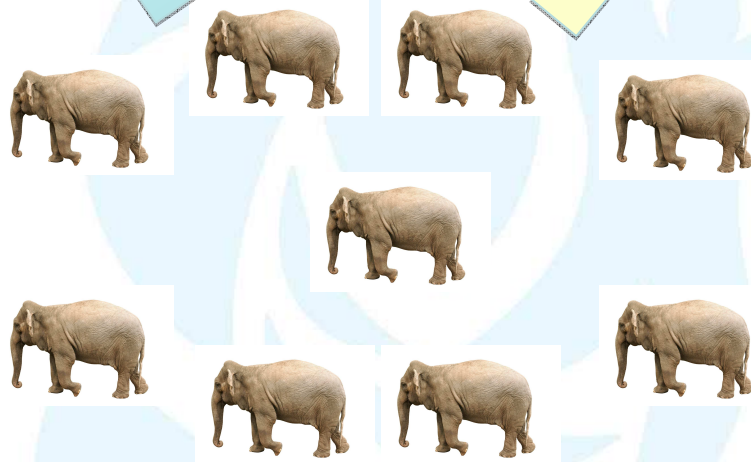
2進数って 数の**表し方**

10進なら

$9_{10}$

2進なら

$1001_2$



$9_{10} = 1001_2$

10進の  $9_{10}$  を

2進では  $1001_2$  と表す



では、少しひちめんどくさいことを

「桁」（位取り）の  
話です

$$234_{10} \text{ は } 2 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 4 \times 10^0$$



$$234_{10} \text{ は } 2 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 4 \times 10^0$$

100の桁    10の桁    1の桁

2進数でも同じこと！

1001<sub>2</sub> は

$$1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

2<sup>3</sup>の桁

2<sup>2</sup>の桁

2<sup>1</sup>の桁

2<sup>0</sup>の桁

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 1000_2 \\ \parallel \end{array}$$

$$8_{10}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 100_2 \\ \parallel \end{array}$$

$$4_{10}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 10_2 \\ \parallel \end{array}$$

$$2_{10}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 1_2 \\ \parallel \end{array}$$

$$1_{10}$$

**N進数でも同じこと！**

$1001_N$  は

$$1 \times N^3 + 0 \times N^2 + 0 \times N^1 + 1 \times N^0$$

$N^3$ の桁  $N^2$ の桁  $N^1$ の桁  $N^0$ の桁

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 1000_N \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ \square_{10} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 100_N \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ \square_{10} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 10_N \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ \square_{10} \end{array}$$

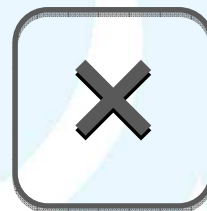
$$\begin{array}{c} \parallel \\ 1_N \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ \square_{10} \end{array}$$

2進数やN進数の  
原理が分かりましたか？



↓  
次へ



テストです

$2121_3$  は

$$\square \times \square^3 + \square \times \square^2 + \square \times \square^1 + \square \times \square^0$$

テストです

$2121_3$  は

$$\square \times 3^3 + \square \times 3^2 + \square \times 3^1 + \square \times 3^0$$



テストです

$2121_3$  は

$$2 \times 3^3 + 1 \times 3^2 + 2 \times 3^1 + 1 \times 3^0$$

# テストです

$2121_3$  は

$$2 \times 3^3 + 1 \times 3^2 + 2 \times 3^1 + 1 \times 3^0$$

$3^3$ の桁

$1000_3$

<sub>10</sub>

$3^2$ の桁

$100_3$

<sub>10</sub>

$3^1$ の桁

$10_3$

<sub>10</sub>

$3^0$ の桁

$1_3$

<sub>10</sub>

# テストです

$2121_3$  は

$$2 \times 3^3 + 1 \times 3^2 + 2 \times 3^1 + 1 \times 3^0$$

$3^3$ の桁

$3^2$ の桁

$3^1$ の桁

$3^0$ の桁

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 1000_3 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 100_3 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 10_3 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ 1_3 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ \boxed{27}_{10} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ \boxed{9}_{10} \end{array}$$

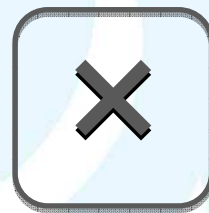
$$\begin{array}{c} \parallel \\ \boxed{3}_{10} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \parallel \\ \boxed{1}_{10} \end{array}$$

$$2 \times 27 + 1 \times 9 + 2 \times 3 + 1 \times 1 = 70$$

できましたか？

できましたか？



次へ

# おまけの話題（でも大事！）

10進3桁の数字で  
最大の数は？  
最小の数は？

10進3桁の数字で

最大の数は？  $\Rightarrow$  999

最小の数は？  $\Rightarrow$  0

ですね



では  
10進 **M**桁の数字で  
最大の数は？

10進 **M**桁の数字で

最大の数は？  $\Rightarrow 99 \cdots 9$

**M**桁

10進 **M**桁の数字で

最大の数は？  $\Rightarrow$   $99 \cdots 9$

M桁

$(10^M - 1)$



では

**N**進M桁の数字で

最大の数は？  $\Rightarrow$   $\underbrace{\dots}_{M \text{桁}}$

M桁

$(M - 1)$

N進M桁の数字で

最大の数は？  $\Rightarrow$   $\underbrace{NN \cdots N}_{M \text{桁}}$

M桁

$(N^M - 1)$

**N**進M桁の数字で

最大の数は？  $\Rightarrow$  **NN...**N



M桁



$$(N^M - 1)$$



では

2進16桁の数字で  
最大の数は？



2進16桁の数字で  
最大の数は？



$$(2^{16} - 1) = 65535$$



この数覚えておくと便利



同様に

2進32桁の数字で  
最大の数は？



$$(2^{32} - 1) = 4294967295$$

こちらは必須

この数字は覚えてなくても困らない



東邦大学

言い換えると

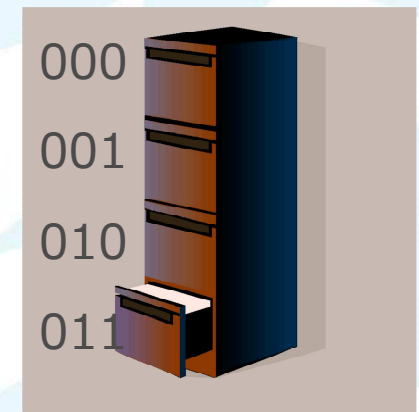
32ビット (= 2進32桁) で  
表せる最大の数は？



$$(2^{32} - 1)$$

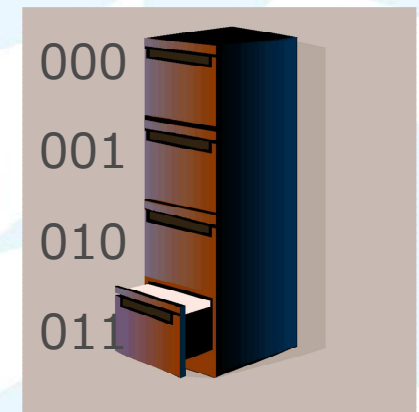
## 応用問題

24ビットで番号付けされた  
引き出しがあるとして  
その引き出しの数は？



## 応用問題

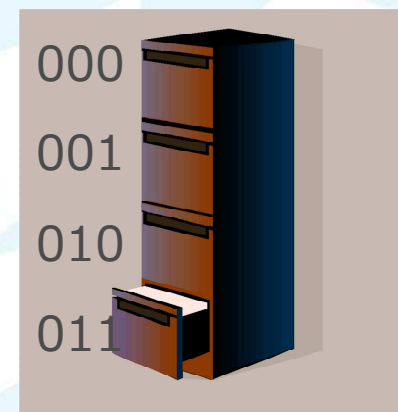
24ビットで番号付けされた  
引き出しがあるとして  
その引き出しの数は？



↓  
(  $2^{24} - 1$  ) 個

## 応用問題

24ビットで番号付けされた  
引き出しがあるとして  
その引き出しの数は？



$(2^{24} - 1)$  個

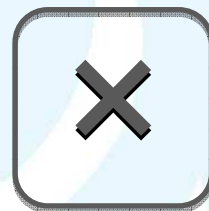
後で、引き出し  $\Rightarrow$  メモリ

番号  $\Rightarrow$  アドレス と読み替えます



東邦大学

2進数の表せる範囲が  
分かりましたか？



次へ